- 1. Rechne möglichst vorteilhaft. Schreibe einen Zwischenschritt auf.
- a) 8 · 23 · 125 · 4 = \_\_\_\_\_
- b) 50 · 17 · 2 · 3 = \_\_\_\_\_
- c) 25 · 3 · 16 = \_\_\_\_\_

Schreibe die angewendeten Rechengesetze in der allgemeinen Kurzschreibweise (Formel) auf.

- 2. Berechne und schreibe Zwischenschritte auf. (Extrablatt)
- a) 3 · (135 5) 13 4 · 15 = \_\_\_\_\_ b) 218 8 · (144 : 12 + 9 ) + 76 : 38 = \_\_\_\_\_
- c) 14 + 3 · (7-5) : (4 · 5 3 · 6 ) = \_\_\_\_ d) 6 · 7 + 4 2 · (11-7) = \_\_\_\_
- 3. Das Distributivgesetz lautet als Formel:
- $a \cdot b + a \cdot c = a \cdot (b + c)$  Finde hierfür ein Beispiel.



- 4. Berechne! Denke an die Rechenregeln!
  - a. 24 + (86 (39 + 17 -5) + 18 = \_\_\_\_\_
  - b. 17 + 45 (68 + 17 (24 + (51 27) = \_\_\_\_\_
  - c. Subtrahenden zusammenfassen: 132 12 23 18 37 15 = \_\_\_\_\_
- 5. a) Welche Regeln bestimmen die Rechenreihenfolge?

  Nenne deren Namen und erkläre sie kurz!

b) Wann gelten die Regeln?

\_\_\_\_\_

- 6a) Beschrifte die Bestandteile einer Mal-Aufgabe.
- b) Welche Gesetze gelten beim Malnehmen ?

\_\_\_\_\_ ( das Malnehmen )

 $5 \cdot 17 =$  \_\_\_\_\_( berechne )

·-\_\_\_\_



1. Nutze das Distributivgesetz und multipliziere aus:



- a) 9 · (20 + 7) = \_\_\_\_\_
- b) 5 · (70 + 3) = \_\_\_\_\_
- c) 8 · (400 7) = \_\_\_\_\_
- d) 6 · (400 7 + 2) = \_\_\_\_\_
- e) 2 · (3000 + 7) · 9 = \_\_\_\_\_
- f) 789 · 7= \_\_\_\_\_
- 2. Nutze das Distributivgesetz und klammere aus :
- a) 4 · 23 + 4 · 17 = \_\_\_\_\_
- b) 3 · 641 + 59 · 3 = \_\_\_\_\_
- c) 552 · 7 465 · 7 = \_\_\_\_\_
- d) 7 · 67 + 7 · 61 87 · 7 7 · 35 = \_\_\_\_\_
- e) 28 + 14 · 48 = \_\_\_\_\_
- f) 1 · 47 + 8 · 47 = \_\_\_\_\_
- 3. Berechne und schreibe Zwischenschritte auf.
- a.) 3 · (135 -- 5) -- 13 -- 4 · 15 = \_\_\_\_\_
- b.) 218 -- 8 · (144 : 12 + 9) + 76 : 38 = \_\_\_\_\_
- c.) 17 · 13 17 = \_\_\_\_
- d.) 171 7 + 229 = \_\_\_\_\_
- e.) 76 + (24 19) 47 = \_\_\_\_\_
- f.) 171 (55 46) + 23 = \_\_\_\_\_
- 4. Offenbar gilt beim Addieren der aufeinanderfolgenden Zahlen:

$$1 = 1 \cdot 1$$

$$1 + 3 = 2 \cdot 2$$

$$1 + 3 + 5 = 3 \cdot 3$$

$$1+3+5+7=4\cdot4$$
 usw.

Was ergibt wohl 1 + 3 + 5 + 7 + ...... + 99?

Erkläre deine Überlegungen in wenigen

- ..

1. 39 - 19 · (21-19) =

Addiere zur Differenz von 47 und 19 die dreifache Summe von 2 und 38.



Schreibe den vollständigen Rechenweg auf (Extrablatt): 111423:13 = \_\_\_\_

Wie würde sich das Ergebnis verändern, wenn man den Teiler verdreifacht?

2. Benenne das Kommutativgesetz und das Distributivgesetz.

3. Berechne vorteilhaft und nenne die verwendeten Rechengesetze.

4. Berechne geschickt unter Anwendung des Distributivgesetzes!

5. Damit diese Aufgabe stimmt, musst du zwei Zahlen in Klammern setzen!

$$53 - 18 - 7 \cdot 3 = 20$$

6. Rechne vorteilhaft. Schreibe den Rechenweg ausführlich auf.

66 + (27 + 34) + 13 = \_\_\_\_\_ 25 · 2 · 57 · 2 =





24654 : 42 - 312 + 54 · 16 = \_\_\_\_\_

1a) Wende jeweils das Distributivgesetz zur Berechnung an!

(1025 - 450) : 25 = \_\_\_\_\_

b) Formuliere das Assoziativgesetz der Multiplikation mit Worten!

2. Setze bei folgenden Angaben Klammern so, dass die Rechnung einfach durchzuführen sind. Wende, wenn nötig, das Kommutativgesetz

3. Berechne mit allen Zwischenschritten!

4. Gib die zugehörige Wortform an:



- 5. Schreibe ohne Klammern und berechnet nicht!
- a) 53-(-36+176) .....
- b) (-276)+(-907+56).....
- c) 16-(127-3) .....
- d) (-19+47)-[(-15)+(-9)] .....

6. Berechne den Wert des Terms mit Hilfe des Distributivgesetzes und gib dabei alle Rechenschritte an.

7. Berechne möglichst vorteilhaft. Benutze Kommutativ- und Assoziativgetz!

Seite 4 www.Klassenarbeiten.de

- 1. Rechne vorteilhaft! Denke an die Rechenregeln. Rechne mit Zwischenschritten!
  - a) 57 + 108 + 14 + 43 + 42
  - b) 4 · 19 · 25
  - c) 170:17 0:7 10
  - d)  $156 56 : 8 + 5 \cdot 4$
  - e) 117 4 · (8+17)
  - f) 123 · 26 23 · 26
- 2. Erkläre an der folgenden Aufgabe das Kommutativ und das Assoziativgesetz:

- 3. Rechenarten und Rechengesetze
- a) Wie heißt das Gesetz, das durch den Term a + b = b + a beschrieben wird?
- b) Was geschieht, wenn bei einer Addition der erste und der zweite Summand verdoppelt werden?
- Was geschieht, wenn bei einer Division der Dividend und der Divisor verdoppelt werden?
- 4. Berechne vorteilhaft:

5. Schreibe einen Text zu Aufgabe 4a.

\_\_\_\_\_

- 6. Berechne. Nutze falls möglich Rechenvorteile!
- a) 163878 : 39 = \_\_\_\_\_
- b) 125 · 19 · 8 · 19 = \_\_\_\_\_
- c) 987 · 65 986 · 65 = \_\_\_\_\_
- d) 3 + 7 · 17 = \_\_\_\_\_
- e) 123 · 456 · 0 · 789 = \_\_\_\_\_
- f) 2183 · 0 = \_\_\_\_\_

1. Rechne vorteilhaft mit mindestens zwei Zwischenschritten und gib an welches Gesetz du jeweils verwendest!

(7913 + 18) + 87 + 12 = \_\_\_\_\_

2 Cabraiba Bashangasatra und ibra Naman auf (in Kurafarm)

2. Schreibe Rechengesetze und ihre Namen auf. (in Kurzform)

3. Berechne

$$[(321 - 19) - 28] - [95 + (87 - 45)] =$$



[(106 + (61 - 15)] + [(128 - 15) - 16] =

\_\_\_\_\_

**4.** Notiere 3 Regeln für die Reihenfolge beim Berechnen von Rechenausdrücken.

.....

5. Berechne mit Hilfe des Assoziativgesetzes und des Kommutativgesetzes. Achte auf Rechenvorteile ! 247 + 481 + 353 + 19 + 198 =

\_\_\_\_\_

6. Nutze beim Ausrechnen die bekannten Rechengesetze:

Herr Gauß möchte alle Zahlen von 1 bis 9 addieren. Finde einen geschickten Rechenweg mit dem Herr Gauß schnell zum Ergebnis kommt. Wie lautet die Lösung?



\_\_\_\_\_\_

```
1. a)
           (8 \cdot 125) \cdot (23 \cdot 4) = 1000 \cdot 92
                                                        = 92 000
```

**b)** 
$$(50 \cdot 2) \cdot (17 \cdot 3) = 100 \cdot 51 = 51000$$

c) 
$$(25 \cdot 4) \cdot (4 \cdot 3) = 100 \cdot 12 = 1200$$

Kommutativgesetz:  $a \cdot b = b \cdot a = c$ 

Assoziativgesetz:  $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c) = a \cdot b \cdot c = d$ 

c) 17

14+6:2=

b) 52

d) 38

## 3. Das Distributivgesetz lautet als Formel:

$$a \cdot b + a \cdot c = a \cdot (b + c)$$
 Finde hierfür ein Beispiel.

$$2 \cdot 3 + 2 \cdot 4 = 2(3 + 4)$$

## 4. Berechne! Denke an die Rechenregeln!

a. 
$$24 + (86 - (39 + 17 - 5) + 18 = 24 + (86 - 51) + 18 = 24 + 35 + 18 = 77$$

b. 
$$17 + 45 - (68 + 17 - (24 + (51 - 27)) = 62 - (68 + 17 - (24 + 24)) = 62 - 37 = 25$$

$$132 - (12 + 23 + 18 + 37 + 15) = 27$$

#### 5. a) Welche Regeln bestimmen die Rechenreihenfolge?

Nenne deren Namen und erkläre sie kurz!

Punkt vor Strich Rechnung (:, vor +, - ausrechnen)

Klammerregel ( was in den Klammern steht wird zuerst ausgerechnet )

## b) Wann gelten die Regeln?

Immer!

# 6a) Beschrifte die Bestandteile einer Mal-Aufgabe.

### b) Welche Gesetze gelten beim Malnehmen?

das Multiplizieren (das Malnehmen)

$$5 \cdot 17 = 85 \text{ Produkt} \text{ (berechne)}$$

#### 1. Faktor • 2.Faktor

b) Kommutativgesetz: Die Faktoren dürfen getauscht werden  $5 \cdot 30 = 30 \cdot 5 = 150$ 

Assoziativgesetz: Die Klammern dürfen weggelassen bzw. umgesetzt werden

$$(13 \cdot 5) \cdot 2 = 13 \cdot (5 \cdot 2) = 13 \cdot 10 = 130$$

Distributivgesetz: ausklammern, ausmultiplizieren

Seite 7 www.Klassenarbeiten.de

## 1. Nutze das Distributivgesetz und multipliziere aus:

5. Klasse

- a) 9 · (20+7) 9·20+9·7= 180+63=243
- b) 5 · (70+3) 5·70+5·3= 350+15=365
- c) 8 · (400-7) 8·400-8 · 7=3200-56=3144
- d) 6 · (400-7+2) 6·400-6·7+6·2=2400-42+12=2370
- e) 2 · (3000+7) · 9 2·9·(3000+7)=18·(3000+7)=18·3000+18·7=54000+126
- f) 789 · 7 5523

# 2. Nutze das Distributivgesetz und klammere aus :

- a) 4·23+4·17 4 • (23+17)=4 • 40=160
- b) 3·641+59·3 3 • (641 + 59) = 3 • 700 = 2100
- c) 552·7-546·7 7.(552-546)=7.6=42
- d) 7·67+7·61-87·7-7·35 7.(67+61-87-35)=7.6=42
- 14.2+14.28=14.(2+48)=14.50=700 e) 28+14·48
- f) 1·47+8·47 1.47+8.47=(1+8). 47=9. 47=423

## 3. Berechne und schreibe Zwischenschritte auf.

a)  $3 \cdot (135 - 5) - 13 - 4 \cdot 15 = 3 \cdot 130 - 13 - 4 \cdot 15$ 

b) 218 -- 8 · (144 : 12 + 9) + 76 : 38= 218 -- 8 · (12 + 9) + 76 : 38

- c)  $17 \cdot 13 17 = 204$
- d)  $171 \cdot 7 + 229 = 1426$
- e) 76 + (24 19) 47 = 34
- f) 171 (55 46) + 23 = 185

#### 4. Offenbar gilt beim Addieren der aufeinanderfolgenden Zahlen:

Es macht hier wenig Sinn die Summanden links vom Gleichheitszeichen auszurechnen. Jeder Faktor rechts vom Gleichheitszeichen ist genauso groß wie die Anzahl der Summanden links vom Gleichheitszeichen.

Da 99 sich nicht in ganzen Zahlen halbieren lässt, rundet man die Zahl auf 100.

Hierbei erhält man jeweils 50 gerade und ungerade Zahlen.

Folglich ist zu erwarten, dass  $1 + 3 + 5 + 7 + 9 + \dots + 99 = 50 \cdot 50$  ist.

### Rechengesetze

#### 5. Klasse

# Lösungen:

#### Arbeitsblatt 3

Beachte, dass hier die Klammer zuerst und dann "Punkt vor Strich" berechnet wird

b. Addiere zur Differenz von 47 und 19 die dreifache Summe von 2 und 38.

Denke daran, dass Differenz "minus" und Summe "plus" heißt.

$$(47 - 19) + 3 \cdot (2 + 38) = 28 + 3 \cdot 40$$

$$= 28 + 120 = 148$$

Seite 8 www.Klassenarbeiten.de

c. Schreibe den vollständigen Rechenweg auf: 111423:13.

```
111423:13 = 8571

104

74

65

92

91

13

13
```

Wie würde sich das Ergebnis verändern, wenn man den Teiler verdreifacht? Wenn der Teiler 13 auf 39 verdreifacht würde, dann wäre das Ergebnis nur noch ein Drittel des ursprünglichen.

2. Benenne das Kommutativaesetz und das Distributivaesetz.

<u>Kommutativgesetz</u>: In einer Summe / einem Produkt darf man die Summanden / Faktoren miteinander vertauschen.

<u>Distributivgesetz:</u> Man kann eine Summe mit einer Zahl multiplizieren, indem man jeden Summanden mit der Zahl multipliziert und die Produkte addiert.

3. Berechne vorteilhaft und nenne die verwendeten Rechengesetze.

```
(625 + 7) \cdot (8 \cdot 10) =
```

 $625 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 10 = \text{vorteilhaft: } 625 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 10$ 

(dann hat man einmal die 625 • 8 = 5000 und dann die 7•10 = 70, was dann einfach zu rechnen ist;) Angewendet wird das Kommutativgesetz= Vertauschungsgesetz;

4. Berechne geschickt unter Anwendung des Distributivgesetzes!

$$40 \cdot 287 - 280 \cdot 40 = 40 \cdot (287 - 280) \cdot 40$$
  
=  $40 \cdot 7 = 280$ 

- 5. Damit diese Aufgabe stimmt, musst du zwei Zahlen in Klammern setzen!  $53 (18 7) \cdot 3 = 20$
- 6. Rechne vorteilhaft. Schreibe den Rechenweg ausführlich auf.

```
66 + (27 + 34) + 13 = 66 + 34 + 27 + 13 = 140

25 \cdot 2 \cdot 57 \cdot 2 = (2 \cdot 25) \cdot (2 \cdot 50) \cdot (2 \cdot 7) = 514

(3 + 57) + (6 + 54) + (9 + 51) + (12 + 48) + (15 + 45) + (18 + 2) + (21 + 39) + (24 + 26) + (27 + 33)

+ 60 + 30 = 10 \cdot 60 + 30 = 630
```

7. Setze sinnvoll Klammern und berechne

```
43 · 567 + 123 · 233 = (43 · 567) + (123 · 233) = 53040
87 + 61 · 22 - 408 : 17 = 87 + (61 · 22) - (408 :17) = 1405
24654 : 42 - 312 + 54 · 16 = (24654 : 42) - 312 + (54 · 16) = 1139
```

Rechengesetze 5. Klasse **Lösungen:** Arbeitsblatt 4

1a) Wende jeweils das Distributivgesetz zur Berechnung an!

```
18 \cdot 13 + 17 \cdot 13 = (18 + 17) \cdot 13 = 35 \cdot 13 = 455
(1025 - 450) : 25 = 1025 : 25 - 450 : 25 = 41 - 18 = 23
```

b) Formuliere das Assoziativgesetz der Multiplikation mit Worten!

Beim Assoziativgesetz der Multiplikation dürfen beliebig viele Klammern gesetzt oder weggelassen werden, ohne dass sich der Wert des Produkts ändert.

- 2. Setze bei folgenden Angaben Klammern so, dass die Rechnung einfach durchzuführen sind. Wende wenn nötig, das Kommutativgesetz an.
- a) 556 + 732 + 244 + 378 + 268 = (556 + 244) + (732 + 268) = 800 + 1000 + 378 = 2178
- b) 782 429 + 218 + 529 = (782 + 218) + (529 429) = 1000 + 100 = 1100
- 3. Berechne mit allen Zwischenschritten!
- a) 16098 I 12006 (5661 + 246) I = I = 16098 I 12006 5907 I = 16098 6099 = 9999
- b) 391 · (7400 7258) = 391 · 142 = 55522
- 4. Gib die zugehörige Wortform an:
- 9 1 (2 + 4) = Subtrahiere die Summe aus 2 und 4 von der Differenz aus9 und1.
- 5. Schreibe ohne Klammern und berechnet nicht!
- a) 53-(-36+176) = 53+36-176
- b) (-276)+(-907+56)= -276-907+56
- c) 16-(127-3) = 16-127+3
- d) (-19+47)-[(-15)+(-9)] = -19+47+15+9
- 6. Berechne den Wert des Terms mit Hilfe des Distributivgesetzes und gib dabei alle Rechenschritte an.

```
a) 152 \cdot 5 = 100 \cdot 5 + 50 \cdot 5 + 2 \cdot 5 = 760
```

- b)  $47 \cdot 9 = 40 \cdot 9 + 7 \cdot 9 = 423$
- 7. Berechne möglichst vorteilhaft. Benutze Kommutativ- und Assoziativgestz!

1800

1000 · 35 =

35000

Rechengesetze 5. Klasse **Lösungen:** Arbeitsblatt 5

1. Rechne vorteilhaft! Denke an die Rechenregeln. Rechne mit Zwischenschritten!

b) 
$$4 \cdot 19 \cdot 25 = 4 \cdot 25 \cdot 19 = 100 \cdot 19 = 1900$$

f) 
$$123 \cdot 26 - 23 \cdot 26 = (123 - 23) \cdot 26 = 100 \cdot 26 = 2600$$

2. Erkläre an der folgenden Aufgabe das Kommutativ – und das Assoziativgesetz :

$$93 + 58 + 42 + 7 = (93 + 7) + (42 + 58)$$

Kommutativgesetz: Sie Summanden (z.B7) dürfen vertauscht werden.

Assoziativgesetz: Es dürfen Klammern gesetzt werden (z.B um (93 + 7)).

- 3. Rechenarten und Rechengesetze
  - d) Wie heißt das Gesetz, das durch den Term a + b = b + a beschrieben wird? Das Kommutativgesetz der Addition sagt aus, dass man die Summanden vertauschen darf.
  - e) Was geschieht, wenn bei einer Addition der erste und der zweite Summand verdoppelt werden?

Die Summe wird dann auch verdoppelt.

f) Was geschieht, wenn bei einer Division der Dividend und der Divisor verdoppelt werden?

Der Quotient bleibt gleich.

4. Berechne vorteilhaft:

```
a) (210 - 145) - (35 + 15) = 65 - 50 = 15
b) [540 - (220- 85)] - [280 - (155 + 70)] = [540 - 135] - [280 - 225] = 405 - 55 = 350
c) 1100 - {460 - [240 - [85 + 25)]} = 1100 - {460 - [240 - 110]}
= 1100 - {460 - 130} = 1100 - 330 = 770
```

5. Schreibe einen Text zu Aufgabe 4a.

Bilde die Differenz aus der Differenz der Zahlen 210 und 145 und der Summe der Zahlen 35 und 15

- 6. Berechne. Nutze falls möglich Rechenvorteile!
- a) 163878 : 39 = 4202
- b)  $125 \cdot 19 \cdot 8 \cdot 19 = 1000 \cdot 361 = 361000$
- c)  $987 \cdot 65 986 \cdot 65 = (987 986) \cdot 65 = 65$
- d)  $3 + 7 \cdot 17 = 3 + 119 = 122$
- e) 123 · 456 · 0 · 789 = 0
- f)  $2183 \cdot 0 =$  nicht definiert

Rechengesetze 5

5. Klasse **Lösungen:** 

Arbeitsblatt 6

1. Rechne vorteilhaft mit mindestens zwei Zwischenschritten und gib an welches Gesetz du jeweils verwendest!

```
7913 + 87 + 18 + 12 = 8030 Kommutativgesetz a + b = b + a (7913 + 87) + (18 + 12) = 8030 Assoziativgesetz (a + b) + c = a + (b + c)
```

2. Schreibe Rechengesetze und ihre Namen auf. ( in Kurzform )

Wende diese Rechengesetze an!

```
Kommutativgesetz a + b = b + a;
                                                                      208 \cdot 4 = 832
                                               a \cdot b = b \cdot a
Distributivgesetz (a + b) \cdot c = a \cdot c + b \cdot c
13 \cdot 8 + 57 \cdot 8 = (13 + 57) \cdot 8 = 70 \cdot 8 = 560
Assotiativgesetz (a+b)+c=a+(b+c)(a\cdot b)\cdot c=a\cdot (b\cdot c)
234 + 87 - 34 = (234 + 87) - 34 = 287
3 \cdot (a + 2) = 3 \cdot a + 2 \cdot 3 = 3a + 6
3. Berechne
                                             [(106+(61-15)] + [ (128-15)-16]
(321-19)-28 - 95+(87-45)
                                             = [106+46] +[113-16]
= [302-28] - [95+42)
                                             = 152+97
=274-137
                                             = 249
= 137
```

4. Notiere 3 Regeln für die Reihenfolge beim Berechnen von Rechenausdrücken.

Punkt vor Strich

Klammern zuerst rechnen

Innere Klammern zuerst rechnen

5. Berechne mit Hilfe des Assoziativgesetzes und des Kommutativgesetzes. Achte auf Rechenvorteile!

```
247 + 481 + 353 + 19 + 198 = (247+353) + (481+19) + 193 = 600 + 500 + 198 = 1298
```

6. Nutze beim Ausrechnen die bekannten Rechengesetze:

Herr Gauß möchte alle Zahlen von 1 bis 9 addieren. Finde einen geschickten Rechenweg mit dem Herr Gauß schnell zum Ergebnis kommt. Wie lautet die Lösung?

$$1 + 9 = 10$$
  
 $2 + 8 = 10$   
 $3 + 7 = 10$   
 $4 + 6 = 10$   
 $5$   
 $45$ 

Die Lösung lautet 45.